

принимает вид

$$\begin{aligned}
 G_{\mathbf{k}\mathbf{k}} &= G(\mathbf{k}, E) = G_0(\mathbf{k}, E) + \sum_m G_0(\mathbf{k}, E) V(\mathbf{K}_m) G(\mathbf{k} + \mathbf{K}_m, \mathbf{k}, E) = \\
 &= G_0(\mathbf{k}, E) + G_0(\mathbf{k}, E) V(0) G_0(\mathbf{k}, E) + \\
 &+ \sum_m G_0(\mathbf{k}, E) V(-\mathbf{K}_m) G_0(\mathbf{k} + \mathbf{K}_m, E) V(\mathbf{K}_m) G_0(\mathbf{k}, E) + \dots = \\
 &= G_0(\mathbf{k}, E) \{1 + V(0) G_0(\mathbf{k}, E) + \\
 &+ \sum_m V(-\mathbf{K}_m) G_0(\mathbf{k} + \mathbf{K}_m, E) V(\mathbf{K}_m) G_0(\mathbf{k}, E) + \dots\}, \quad (\text{П.56})
 \end{aligned}$$

Определяем еще

$$M_{nm} = V(\mathbf{K}_n - \mathbf{K}_m) G_0(\mathbf{k} + \mathbf{K}_m, E), \quad (\text{П.57})$$

так что (П.56) можно представить в виде

$$G(\mathbf{k}, E) = G_0(\mathbf{k}, E) \left\{ 1 + M_{00} + \sum_m M_{0m} M_{m0} + \dots \right\}. \quad (\text{П.58})$$

Формальное суммирование дает

$$G(\mathbf{k}, E) = G_0(\mathbf{k}, E) \left(\frac{1}{1 - M} \right)_{00}. \quad (\text{П.59})$$

Определение полюсов (П.59) равнозначно решению детерминантного уравнения

$$\det|1 - M| = \det|1 - V(\mathbf{K}_n - \mathbf{K}_m) G_0(\mathbf{k} + \mathbf{K}_m, E)| = 0, \quad (\text{П.60})$$

которое, с учетом (П.49), принимает форму

$$\det \left[\left[E - \frac{\hbar^2}{2m} (\mathbf{k} + \mathbf{K}_m)^2 \right] \delta_{nm} - V(\mathbf{K}_n - \mathbf{K}_m) \right] = 0. \quad (\text{П.61})$$

Это, однако, в точности уравнение (ч. I.28.1).

Посредством специальных предположений относительно вида функции $V(\mathbf{r})$ в методе функции Грина могут быть классифицированы и другие приближенные методы для определения зонной структуры твердого тела.

Для систематического представления членов, возникающих в борновском ряде, в их возможного комбинирования в частичные суммы оправдывает ожидания диаграммная техника.

Рассмотрим член ряда, например,

$$\sum_{\mathbf{k}'\mathbf{k}''} G_0(\mathbf{k}, E) V(\mathbf{k}, \mathbf{k}') G_0(\mathbf{k}', E) V(\mathbf{k}', \mathbf{k}'') G_0(\mathbf{k}'', E) V(\mathbf{k}'', \mathbf{k}''') G_0(\mathbf{k}''', E). \quad (\text{П.62})$$

При суммировании встречаются члены, у которых некоторые $\mathbf{k}$ одинаковы. Представим отдельные возможные случаи посредством диаграмм по следующему правилу:

Каждый множитель $G_0(\mathbf{k}, E)$ представляется линией $\frac{\hbar}{k}$. Связь двух

G_0 посредством $V(\mathbf{k}, \mathbf{k}')$ обозначается как $\vdots$. Суммирование по $\mathbf{k}'$ обозначается сведением соответствующих линий $V(\mathbf{k}, \mathbf{k}')$ и $V(\mathbf{k}', \mathbf{k}'')$.